- **1.** Представьте сумму  $2 \cdot 16^n + 2^n \cdot 8^n + 4^{2n}$ , где  $n \in \mathbb{N}$ , в виде степени с основанием 2
- **2.** Представьте сумму  $9^{3m} + 9^m \cdot 81^m + 27^{2m}$ , где  $m \in \mathbb{N}$ , в виде степени с основанием 3.
- **3.** В треугольнике *CDE* известно, что *CD* = 8 см, DE = 10 см, CE = 12 см, DK биссектриса треугольника *CDE*. Найдите длину отрезка DK.
- **4.** В треугольнике *CDE* известно, что *CD* = 12 см, DE = 15 см, CE = 18 см, DK биссектриса треугольника *CDE*. Найдите длину отрезка DK.
  - **5.** Решите дробно-рациональное уравнение  $\frac{1}{x-3} \frac{1}{x+6} = \frac{9}{x^2 + 3x 18}$ .
  - **6.** Решите дробно-рациональное уравнение  $\frac{1}{x-4} \frac{1}{x+7} = \frac{11}{x^2 + 3x 28}$ .
  - **7.** Докажите, что значение выражения  $\frac{6}{1-\sqrt{7}}-\frac{2}{\sqrt{7}+3}$  является целым числом.
  - **8.** Докажите, что значение выражения  $\frac{9}{2-\sqrt{13}}-\frac{3}{4+\sqrt{13}}$  является целым числом.
- **9.** Из пунктов A и B, расстояние между которыми 18 км, вышли одновременно навстречу друг другу два пешехода и встретились через 2 ч. После встречи они, не останавливаясь, продолжили движение каждый в своем направлении. Найдите скорость каждого пешехода, если один из них прибыл в пункт B на 54 мин раньше, чем другой в пункт A.
- 10. Из пункта A в пункт B выехал велосипедист. Одновременно с ним из пункта B навстречу велосипедисту вышел пешеход, и они встретились через 1 ч. После встречи они, не останавливаясь, продолжили движение каждый в своем направлении. Найдите скорость велосипедиста и пешехода, если известно, что велосипедист прибыл в пункт B на 2 ч 40 мин раньше, чем пешеход в пункт A, а расстояние между этими пунктами составляет 16 км.
  - 11. Сократите дробь  $\frac{2\sqrt{5}-5\sqrt{2}-\sqrt{10}}{\sqrt{10}+\sqrt{2}-2}$ .
  - **12.** Сократите дробь  $\frac{2\sqrt{3}-3\sqrt{2}-\sqrt{6}}{\sqrt{6}+\sqrt{2}-2}$ .

- **13.** Сколько граммов 4%-го и сколько граммов 10%-го растворов соли надо взять, чтобы получить 180 г 6%-го раствора?
- **14.** Один сплав содержит 20 % меди, а другой сплав 50 % меди. Сколько килограммов 20%-го и сколько килограммов 50%-го сплавов меди надо взять, чтобы получить 30 кг 30%-го сплава?
- 15. Из пункта A вышел пешеход, а через 1 ч 40 мин после этого в том же направлении выехал велосипедист, который догнал пешехода на расстоянии 12 км от A. Найдите скорости пешехода и велосипедиста, если за 2 ч пешеход проходит на 1 км меньше, чем велосипедист проезжает за 1 ч.
- **16.** Из пункта A выехал велосипедист, а через 45 мин после этого в том же направлении выехал грузовик, который догнал велосипедиста на расстоянии 15 км от A. Найдите скорости велосипедиста и грузовика, если за 2 ч грузовик проезжает на 48 км больше, чем велосипедист за 1 ч.
- **17.** В прямоугольной трапеции меньшее основание равно 12 см, радиус вписанной окружности равен 8 см. Найдите площадь трапеции.
- **18.** В прямоугольной трапеции большее основание равно 24 см, радиус вписанной окружности равен 6 см. Найдите площадь трапеции.
- 19. Две бригады, работая вместе, могут выполнить некоторую работу за 5 дней. Первая бригада может самостоятельно справиться с этой работой на 24 дня быстрее второй. Найдите, за сколько дней сможет выполнить эту работу первая бригада, если будет работать одна.
- **20.** Две бригады, работая вместе, могут выполнить некоторую работу за 8 дней. Первая бригада может самостоятельно справиться с этой работой на 30 дней быстрее второй. Найдите, за сколько дней сможет выполнить эту работу первая бригада, если будет работать одна.
- **21.** Диагональ ромба делит его высоту, проведенную из вершины тупого угла, на отрезки длиной 10 см и 6 см. Найдите периметр ромба.
- **22.** Диагональ ромба делит его высоту, проведенную из вершины тупого угла, на отрезки длиной 25 см и 15 см. Найдите периметр ромба.
- **23.** Товар стоил 100 р. После того как цена была снижена дважды, он стал стоить 59 руб. 50 коп. При этом процент снижения во второй раз был в 2 раза больше, чем в первый. На сколько процентов снизилась цена товара в первый раз?
- **24.** Товар стоил 100 р. После того как цена была снижена дважды, он стал стоить 85 руб. 50 коп. При этом процент снижения во второй раз был в 2 раза больше, чем в первый. На сколько процентов снизилась цена товара в первый раз?

- 25. Сосна на 25% выше ели. Если каждое дерево подрастет на 1.8 м. то сосна будет на 10% выше ели. Найдите первоначальную высоту ели.
- 26. Сосна на 25% выше ели. Если каждое дерево подрастет на 2.1 м. то сосна будет на 10% выше ели. Найдите первоначальную высоту ели.
- 27. Найдите сумму всех трехзначных натуральных чисел, которые при делении на 13 дают в остатке 7.
- 28. Найдите сумму всех трехзначных натуральных чисел, которые при делении на 19 дают в остатке 6.
- **29.** В параллелограмме ABCD высота BD равна 10 см, AC = 26 см. На прямой ADвзята точка Р. Найдите плошадь треугольника РВС.
- **30.** В параллелограмме ABCD высота BD равна 12 см, AC = 20 см. На прямой ADвзята точка К. Найдите плошадь треугольника КВС.
- 31. Двум бригадам было поручено высадить декоративные кусты для украшения города. Первая бригада высадила 120 кустов, а вторая — 144 куста. Первая бригада высаживала на 4 куста в час больше, чем вторая, и работала на 3 ч меньше второй. Найлите, сколько декоративных кустов высаживала каждая бригада за 1 ч.
- 32. Двум работникам было поручено высалить пветочную рассалу для украшения парка. Первый работник высадил 360 кустов рассады, а второй — 480 кустов, Первый работник высаживал на 10 кустов в час меньше, чем второй, и работал на 2 ч дольше второго. Найдите, сколько кустов рассады высаживал каждый работник за 1 ч.
- **33.** Отрезок *CM* является биссектрисой треугольника *ABC*. Известно, что  $S_{ACM}=2$  $\text{cm}^2$ , а  $S_{CBM} = 2\sqrt{7} \text{ cm}^2$ . Найдите длину отрезка BC, если отрезок  $AC = \sqrt{7} \text{ см}$ .
- **34.** Отрезок BL является биссектрисой треугольника ABC. Известно, что  $S_{ABI} = 3\sqrt{5}$  см<sup>2</sup>, а  $S_{CBI} = 3$  см<sup>2</sup>. Найдите длину отрезка AB, если отрезок  $BC = \sqrt{5}$  см.
- 35. Опытный курьер развозит 60 заказов на 3 дня быстрее, чем стажер. Найдите, за сколько дней стажер развезет 90 заказов, если при совместной работе они за 1 день развозят 30 заказов.
- 36. Мастер изготавливает 120 деталей на 6 ч быстрее, чем практикант. Найдите, за какое время практикант изготовит 50 деталей, если при совместной работе они за 1 ч изготавливают 30 деталей.
  - 37. Упростите выражение  $\left(\frac{4\sqrt{b}}{b-1} \frac{\sqrt{b}+1}{\sqrt{b}-1}\right) : \frac{\sqrt{b}-1}{b+\sqrt{b}}$ .

- **38.** Упростите выражение  $\left(\frac{8\sqrt{a}}{a-4} + \frac{\sqrt{a}-2}{\sqrt{a}+2}\right) : \frac{\sqrt{a}+2}{2\sqrt{a}-a}$ .
- **39.** Корни  $x_1$  и  $x_2$  уравнения  $x^2 3x + c = 0$  удовлетворяют условию  $2x_1 - 3x_2 = 16$ . Найдите корни уравнения и значение *с*.
- **40.** Корни  $x_1$  и  $x_2$  уравнения  $x^2 4x + c = 0$  удовлетворяют условию  $2x_1 + 3x_2 = 5$ . Найдите корни уравнения и значение *c*.
  - **41.** Решите уравнение  $(x^2 5x + 2)(x^2 5x 4) = -9$ .
  - **42.** Решите уравнение  $(x^2 + 3x + 2)(x^2 + 3x 4) = -9$ .
  - **43.** Решите двойное неравенство  $8x 16 < x^2 \le 5x 4$ .
  - **44.** Решите двойное неравенство  $6x 9 < x^2 \le 4x 3$ .
  - **45.** Найдите значение выражения  $\frac{7}{\sqrt{11}-2} + \frac{5}{4+\sqrt{11}}$ .
  - **46.** Найдите значение выражения  $\frac{9}{\sqrt{13} 2} + \frac{12}{5 + \sqrt{13}}$ .
- **47.** Точка K лежит на стороне BC треугольника ABC Известно, что BK = 9 см, KC =7 см. угол  $B = 30^{\circ}$  угол BAK равен углу C. Найдите плошаль треугольника ABK.
- **48.** Точка K лежит на стороне BC треугольника ABC Известно, что CK = 4 см. KB =5 см. угол  $C = 30^{\circ}$  угол CAK равен углу B. Найдите плошаль треугольника ACK.
- 49. В арифметической прогрессии 10 членов. Сумма членов с четными номерами равна 40. а сумма членов с нечетными номерами равна 15. Найдите разность прогрессии.
- 50. В арифметической прогрессии 10 членов. Сумма членов с четными номерами равна 30, а сумма членов с нечетными номерами равна 25. Найдите разность прогрессии.
  - **51.** Найдите значение выражения  $\sqrt{\left(13 6\sqrt{5}\right)^2 + \sqrt{\left(14 6\sqrt{5}\right)^2}}$ .
  - **52.** Найдите значение выражения  $\sqrt{\left(13 5\sqrt{7}\right)^2} + \sqrt{\left(14 5\sqrt{7}\right)^2}$ .

4/7

- **53.** Решите уравнение  $\frac{2x-7}{x^2-9x+14} \frac{1}{x-1} = \frac{1}{x^2-3x+2}.$
- **54.** Решите уравнение  $\frac{3}{x^2 9x + 18} + \frac{1}{x 3} = \frac{2x 7}{x^2 5x 6}$ .
- **55.** Определите число решений системы уравнений  $\begin{cases} \frac{x}{2} \frac{y}{2} = 1,5 \\ 3x 3y = -9. \end{cases}$
- **56.** Определите число решений системы уравнений  $\begin{cases} \frac{x}{8} \frac{y}{8} = 0, 25, \\ 4x 4y = -8. \end{cases}$
- **57.** Площадь прямоугольного участка для планируемой детской площадки должна быть не меньше  $39 \text{ m}^2$  и не больше  $144 \text{ m}^2$ . Какими могут быть размеры участка, если согласно проектной документации его длина должна быть на 10 м больше ширины?
- **58.** Площадь прямоугольного участка для планируемой детской площадки должна быть не меньше  $48 \text{ m}^2$  и не больше  $128 \text{ m}^2$ . Какими могут быть размеры участка, если согласно проектной документации его длина должна быть на 8 м больше ширины?
  - **59.** Известно, что 1 < a < 4, 2 < b < 7. Оцените значение выражения  $3a \frac{2}{b}$ .
  - **60.** Известно, что 2 < a < 5, 3 < b < 8. Оцените значение выражения  $2a \frac{3}{b}$ .
- **61.** Если двузначное число разделить на сумму его цифр, то в частном получится 7 и в остатке 6. Если это же двузначное число разделить на произведение его цифр, то в частном получится 3 и в остатке 11. Найдите это двузначное число.
- **62.** Если двузначное число разделить на сумму его цифр, то в частном получится 4 и в остатке 3. Если это же двузначное число разделить на произведение его цифр, то в частном получится 3 и в остатке 5. Найдите это двузначное число.
- **63.** ABCD трапеция с основаниями BC и AD, O точка пересечения ее диагоналей. Докажите, что треугольники AOB и DOC равновелики.
- **64.** Трапеция *ABCD* с основаниями *BC* и *AD*, прямая *CK* параллельна диагонали *BD*, где *K* принадлежит *AD*. Докажите, что треугольник *ACK* и трапеция *ABCD* равновелики.
- **65.** Точки M и N лежат на сторонах AC и BC треугольника ABC соответственно. Известно, что AC = 16, CN = 9,  $BC \cdot CM = 144$ . Докажите, что  $MN \parallel AB$ .

- **66.** Отрезки AC и BD пересекаются в точке O. Известно, что BO = 15, CO = 12,  $AO \cdot DO$  = 180. Докажите, что  $AB \parallel CD$ .
- **67.** Один рабочий может выполнить производственное задание на 3 ч быстрее, чем другой. Если первый рабочий будет работать 4 ч, а потом его сменит второй, то последнему нужно будет работать 3 ч, чтобы закончить задание. За сколько часов может выполнить все задание первый рабочий, если будет работать один?
- **68.** Одному рабочему для выполнения производственного задания необходимо на 4 ч больше, чем другому. Если первый рабочий будет работать 3 ч, а потом его сменит второй, то последнему нужно будет работать 6 ч, чтобы закончить задание. За сколько часов может выполнить все задание второй рабочий, если будет работать один?
  - **69.** Упростите выражение  $\frac{a^2+a\sqrt{2}}{a^2+2}\cdot\left(\frac{a}{a-\sqrt{2}}-\frac{\sqrt{2}}{a+\sqrt{2}}\right).$
  - **70.** Упростите выражение  $\left(\frac{a}{a-\sqrt{3}} \frac{\sqrt{3}}{a+\sqrt{3}}\right) : \frac{a^2+3}{a^2-a\sqrt{3}}.$
- **71.** Сумма внутренних углов правильного многоугольника  $A_1A_2...A_n$  в 3 раза больше суммы его внешних углов, взятых по одному при каждой вершине. Найдите площадь треугольника  $A_1A_2A_n$ , если сторона многоугольника равна 10.
- **72.** Сумма внутренних углов правильного многоугольника  $A_1A_2...A_n$  в 3 раза больше суммы его внешних углов, взятых по одному при каждой вершине. Найдите площадь треугольника  $A_1A_2A_n$ , если сторона многоугольника равна 12.
  - **73.** Найдите значение выражения  $(1+\sqrt{28})^2 + \sqrt{(4\sqrt{7}-11)^2}$ .
  - **74.** Найдите значение выражения  $(1+\sqrt{45})^2 + \sqrt{(6\sqrt{5}-14)^2}$ .
- 75. Автомобиль, проехав 550 км по трассе, израсходовал на 31 л топлива больше, чем на 130 км пробега по городу. Известно, что на каждые 100 км пробега по городу автомобилю требуется на 2 л топлива больше, чем на каждые 100 км пробега по трассе. Найдите, сколько литров топлива автомобиль израсходовал на трассе.
- **76.** Автомобиль проехал 380 км по трассе и 120 км по городу, израсходовав при этом 52,4 л топлива. Известно, что на каждые 100 км пробега по трассе автомобилю требуется на 2 л топлива меньше, чем на каждые 100 км пробега по городу. Найдите, сколько литров топлива автомобиль израсходовал на трассе.

- 77. Дан параллелограмм ABCD. Биссектрисы его углов A и D пересекаются в точке K, лежащей на стороне BC. Найдите площадь параллелограмма, если AK=8 см, DK=6 см.
- **78.** Дан параллелограмм ABCD. Биссектрисы его углов A и D пересекаются в точке M, лежащей на стороне BC. Найдите площадь параллелограмма, если AM = 7 см, DM = 4 см.
- **79.** Пусть  $x_1$  и  $x_2$  корни уравнения  $x^2+13x-15=0$ . Найдите значение выражения  $\frac{{x_1}^2+{x_2}^2}{4x_1x_2}$ .
- **80.** Пусть  $x_1$  и  $x_2$  корни уравнения  $x^2+18x-14=0$ . Найдите значение выражения  $\frac{3x_1x_2}{{x_1}^2+{x_2}^2}.$